

فرااستقرای بدبینانه و واقع‌گرایی ساختاری

سعید معصومی*

چکیده

فرااستقرای بدبینانه مهم‌ترین استدلال علیه واقع‌گرایی علمی است؛ به همین دلیل از وظایف اصلی واقع‌گرایان (احتمالاً مهم‌ترین وظیفه آن‌ها) پاسخ‌دادن به این برهان است. در این مقاله صورت‌بندی‌ای از این برهان ارائه می‌شود و پاسخ‌های مختلف واقع‌گرایان درمورد آن اجمالاً بیان می‌شود. در میان این پاسخ‌ها، پاسخ واقع‌گرایان ساختاری به‌منزله پاسخ قابل‌قبول‌تر پذیرفته می‌شود. نکته مهم درمورد پاسخ واقع‌گرایان به استدلال فرااستقرای بدبینانه این است که واقع‌گرایان ساختاری باید با مطالعه موردبه‌مورد نظریه‌های علمی نشان دهند که ادعای آن‌ها مبنی بر حفظ ساختارها محقق شده است.

کلیدواژه‌ها: فرااستقرای بدبینانه، واقع‌گرایی علمی، واقع‌گرایی ساختاری، نسبت خاص، مکانیک نیوتنی.

۱. مقدمه

فرااستقرای بدبینانه و تعیین ناقص دو برهان اصلی علیه واقع‌گرایی علمی‌اند. به‌نظر می‌رسد که یکی از وظایف اصلی واقع‌گرایان علمی پاسخ‌گویی به این دو برهان باشد. از میان این دو برهان، فرااستقرای بدبینانه اهمیت بیش‌تری دارد، زیرا می‌توان فرض کرد که در برهان تعیین ناقص بررسی‌های پیشینی به صورت‌بندی برهان علیه واقع‌گرایی علمی منجر می‌شود، درحالی‌که در فرااستقرای بدبینانه به‌نظر می‌رسد که کفایت تجربی واقع‌گرایی علمی با مشکل مواجه می‌شود (Ladyman et al. 2007: 83). درواقع، اغلب چنین فرض شده است که این برهان خطرناک‌ترین (Wray 2010) یا «بزرگ‌ترین چالش یگانه» (Lewis 2001) پیش‌روی

*استادیار پژوهشکده مطالعات بنیادین علم و فناوری، دانشگاه شهید بهشتی، s_masoumi@sbu.ac.ir
تاریخ دریافت: ۱۳۹۶/۰۱/۲۸، تاریخ پذیرش: ۱۳۹۶/۰۴/۱۸

واقع گرایی علمی است (Worrall 1982: 216; Kitcher 1993: 136; Leplin 1997: 136; Worrall 1989: 99; Papineau 1996; Stanford 2006).

دو مسئله در مورد استنتاج براساس بهترین تبیین و تعیین ناقص وجود دارد که ملاحظات در مورد آن‌ها با ملاحظات در مورد فرااستقرای بدبینانه تفاوت دارد:

نخست این‌که دو مورد اول چالش‌هایی‌اند که علی‌الاصول در هر نوع واقع گرایی با آن مواجه می‌شویم، زیرا استنتاج‌های ابدانکیو در بسیاری از زمینه‌های استدلال علمی نقشی انکارناپذیر بازی می‌کنند و اگر تعیین ناقص مسئله‌ای اصیل باشد، چالش آن را می‌توان با توجه به برداشت واقع‌گرایانه از نظریه‌ها یا ادعاهای علمی صورت‌بندی کرد. از سوی دیگر، فرااستقرای بدبینانه ممکن است در مورد اشکالی از واقع گرایی به کار نرود؛ این به اختلاف دوم میان این استدلال‌های ضدواقع‌گرایانه مربوط می‌شود. با فرض خصوصیت عمومی ملاحظات استنتاج براساس بهترین تبیین و تعیین ناقص، مباحث مربوط به این چالش‌ها تأثیر کمی در تحول واقع گرایی، به‌مثابه موضعی فلسفی، داشته است. اما از آن‌جاکه میزان نگرانی‌هایی که فرااستقرای بدبینانه ایجاد می‌کند می‌تواند بسته به مشخصات دقیق تعهدات واقع‌گرایانه یک شخص تفاوت کند، این امر و ملاحظات مربوط به آن دارای نقشی قوی در شکل دادن به وجهه جدید واقع گرایی‌اند (Chakravartty 2007: 28).

در این مقاله تمرکز من بر فرااستقرای بدبینانه است. بعد از ارائه توضیحات بالا و بیان اهمیت موضوع، در بخش دوم صورت‌بندی برهان ارائه می‌شود؛ این کار برای ارائه پاسخ مناسب ضروری است.

در بخش سوم پاسخ‌های مهم به این برهان بیان می‌شود که نهایتاً پاسخ واقع‌گرایان ساختاری به‌منزله پاسخ قابل قبول‌تر پذیرفته می‌شود. در بخش چهارم، برخی تعاریف موردنیاز برای بیان رابطه ساختاری میان نظریه‌های علمی ارائه شده است؛ هم‌چنین رابطه میان نظریه‌های مکانیک نیوتنی و نسبیّت خاص براساس جبرهای حاکم بر سینماتیک آن‌ها بیان خواهد شد. در بخش پنجم، رابطه ساختاری حفظ ساختار برای جبرهای پایدارتر و ناپایدارتر نشان داده می‌شود و بخش ششم هم جمع‌بندی و نتیجه‌گیری مباحث خواهد بود.

۲. صورت‌بندی برهان

یکی از مشخصه‌های اساسی موضع واقع‌گرایانه مناسب پاسخ معقولی است که این موضع به براهین علیه واقع گرایی علمی می‌دهد. همان‌طور که پیش‌ازاین گفته شد، احتمالاً مهم‌ترین

استدلال علیه واقع‌گرایی علمی استدلال فرااستقرای بدبینانه است. بنابراین، برای ارزیابی پاسخ یا پاسخ‌های واقع‌گرایان به این برهان ابتدا باید صورت‌بندی مناسبی از این برهان داشته باشیم. در این بخش، صورت‌بندی برهان فرااستقرای بدبینانه را ارائه می‌کنیم. به نظر می‌رسد که مهم‌ترین فرد در ارائه برهان فرااستقرای بدبینانه لری لائودن باشد. لائودن می‌کوشد که دیدگاه واقع‌گرایانه‌ای را که دارای پنج مشخصه زیر است ابطال کند. او آن را واقع‌گرایی هم‌گرا می‌نامد:

R1: نظریه‌های علمی (حداقل در علوم بالغ) نوعاً به‌طور تقریبی صادق‌اند و نظریه‌های جدیدتر از نظریه‌های قدیمی‌تر، در حوزه یک‌سان، به صدق نزدیک‌ترند؛

R2: عبارات مشاهده‌تی و نظری، در نظریه‌های یک علم بالغ، به‌صورت واقعی ارجاع‌دهنده‌اند (به‌طور تقریبی، متناظر با هویتاتی که در بهترین نظریه‌های ما فرض شده است، ذاتی در جهان وجود دارد)؛

R3: نظریه‌های متوالی در هر علم بالغ، به‌گونه‌ای‌اند که روابط نظری آن‌ها و مرجع‌های نظریه‌های پیشین را حفظ می‌کنند؛ یعنی نظریه‌های پیشین به‌صورت موارد حدی نظریه‌های بعدی‌اند؛

R4: پذیرش نظریه‌های جدید تبیین‌کننده این مطلب است و باید باشد که چرا نظریه‌های پیشین به این میزان موفق بوده‌اند (Leplin 1984: 219-220).

درواقع می‌توان گفت آن‌چه لائودن واقع‌گرایی هم‌گرا می‌نامد برنهاد واقع‌گرایی است که صورت استاندارد آن را می‌توان براساس مؤلفه‌های معناشناختی، معرفت‌شناختی، و هستی‌شناختی به‌صورت زیر بیان کرد:

واقع‌گرایی علمی دیدگاهی است که براساس آن هویت موجود در نظریه‌های علمی مستقل از ذهن وجود دارند (مؤلفه متافیزیکی)، گزاره‌های بیان‌کننده نظریه‌های علمی صدق و کذب‌پذیرند (مؤلفه معناشناختی)، و نظریه‌های علمی با لغو موفق تقریباً صادق‌اند (مؤلفه معرفت‌شناختی) (Psillos 1999: xvii).

بر این اساس، واقع‌گرایان برهانی از نوع استدلال براساس بهترین تبیین صورت‌بندی می‌کنند. بیانی از این برهان به‌قرار زیر است:

R5: فرضیه‌های R1 تا R4 متضمن این مطلب‌اند که نظریه‌های علمی (بالغ) باید موفق باشند. اگر نگوئیم تنها تبیین، حداقل می‌توانیم بگوئیم فرضیه‌های فوق بهترین تبیین را برای موفقیت علم تشکیل می‌دهند؛ بنابراین موفقیت تجربی علم (به‌معنی ارائه

تیین‌های تفضیلی و پیش‌بینی دقیق) تأیید تجربی چشم‌گیری برای واقع‌گرایی فراهم می‌آورد (ibid.).

برهان بهترین تبیینی که واقع‌گرایان معمولاً از آن استفاده می‌کنند برهان «معجزه‌نبودن» نام دارد. این برهان براساس اندیشه‌ای قدیمی است که نام «معجزه‌نبودن» یا «معجزه‌بودن» بعد از بیان پاتنم (Putnam)، مبنی بر این که «واقع‌گرایی تنها فلسفه‌ای است که موفقیت علم را به صورت معجزه در نمی‌آورد» (Putnam 1975: 73)، به آن داده شده است (Chakravartty 2017). پیش از ارائه صورت‌بندی دقیق‌تر برهان «معجزه‌نبودن» لازم است که دو نوع توسل به «استدلال براساس بهترین تبیین» را از هم بازشناسیم: توسل موضعی (local) به استدلال براساس بهترین تبیین و توسل کلی (global) به استدلال براساس بهترین تبیین؛ این تمایز را لیدیمن معرفی می‌کند (Ladyman 2002: ch. 7). مطلبی شبیه این را سیلوس (Psillos) نیز بیان کرده است؛ البته وی از اصطلاح استدلال براساس بهترین تبیین مرتبه اول (first order) و استدلال براساس بهترین تبیین مرتبه دوم (second order) استفاده کرده است (Psillos 1999).

یک دفاع موضعی از واقع‌گرایی به مجموعه‌ای ویژه از واقعیات تجربی و تبیین آن‌ها به صورت هویت مشاهده‌ناپذیر ویژه متوسل می‌شود. مخالفان واقع‌گرایی علمی نظیر ون فراسن الزام‌آور بودن دفاع موضعی از واقع‌گرایی را در مورد مشاهده‌ناپذیرهای ویژه رد می‌کنند و استدلال می‌کنند که می‌توان آن‌ها [مشاهده‌پذیرهای ویژه] را در هر مورد به صورت عمل‌گرایانه بازتعبیر کرد؛ یعنی به مثابه استنتاج به کفایت تجربی تبیین مورد بحث، به علاوه تعهد به نظریه‌پردازی مداوم با منابع نظریه، در نظر گرفت (van Fraassen 1980). بنابراین بحث به سطح کلی انتقال می‌یابد، جایی که واقع‌گرایان علمی استدلال می‌کنند که فلسفه علم آن‌ها برای توضیح علم و تاریخ موفقیت آن به مثابه یک کل لازم است (Ladyman et al. 2007: 69).

به این ترتیب برهان معجزه‌نبودن را، که نوعی استدلال براساس بهترین تبیین است،^۱ می‌توان به صورت زیر صورت‌بندی کرد:

۱. نظریه‌های علمی بالغ به طور تجربی موفقت‌اند (یعنی، هم به لحاظ ارائه پیش‌بینی‌های بدیع و هم از نظر ارائه تبیین موفقت‌اند)؛
۲. موفقیت علم تجربی (نظریه‌های علمی) نیازمند تبیین است؛
۳. اگر نظریه‌های علمی صادق نباشند یا تقریباً صادق نباشند، موفقیت تجربی نظریه‌های بالغ چیزی همانند معجزه است؛

۴. آنچه ما را از پذیرش معجزه رها می‌سازد قبول صدق آن‌ها یا صدق تقریبی آن‌هاست و این بهترین تبیین موفقیت نظریه‌های علمی است؛

۵. پس نظریه‌های علمی بالغ، که به‌طور تجربی موفق‌اند، صادق‌اند یا تقریباً صادق‌اند.

ملاحظه می‌شود که در این جا میان صدق یا صدق تقریبی و موفقیت ارتباط برقرار شده است و در واقع موفقیت نظریه‌های بالغ به‌مثابه توجیه قبول صدق نظریه‌های علمی بالغ در نظر گرفته شده است. هم‌چنین باید توجه داشت که صدق تقریبی مستلزم این است که امر مشترکی در فرایند گذار نظریه‌های علمی باقی بماند؛ بنابراین هویتی که در موفقیت نظریه‌های علمی مؤثرند دارای مرجع‌اند و مستقل از ما وجود دارند.

لا‌ثودن با ارائه موارد متعدد از تاریخ علم می‌کوشد نشان دهد که ارتباطی که بنا بر نظر واقع‌گرایان بین موفقیت یک نظریه و صدق آن (صادق بودن گزاره‌های آن و ارجاع‌دهنده بودن هویت مندرج در نظریه‌های علمی) وجود دارد برقرار نیست. راه‌برد او در این امر ارائه سیاهه‌ای از نظریه‌های علمی است (Laudan 1984: 157) که به‌درستی می‌توان آن‌ها را هم به‌لحاظ تجربی موفق دانست و هم به‌لحاظ عملی مفید تلقی کرد و این سیاهه «به‌طور آزاددهنده‌ای» (adnauseam) می‌تواند توسعه یابد؛ بنابراین «تاریخ علم نمی‌تواند باور واقع‌گرایان را در مورد ارتباط تبیینی میان موفقیت تجربی و صدق موجه سازد» (Psillos 1996). فراسنقرای بدبینانه را (که استدلال لا‌ثودن هم نوعی از آن است) می‌توان به‌صورت زیر بیان کرد:

۱. نظریه‌های علمی بسیاری در تاریخ علم وجود داشته‌اند که بالغ و موفق بوده‌اند؛

۲. این نظریه‌ها با نظریه‌هایی که اکنون مقبول جامعه علمی است در صورت‌بندی و در

ارائه هویتی که به جهان اسناد می‌کنند متفاوت‌اند؛

۳. این تفاوت هم در ارائه توصیفات متفاوت برای هویت پیشین است (که در برخی

موارد به‌میزانی متفاوت با توصیفات پیشین است که نمی‌توان هر دوی آن‌ها را نزدیک به صدق دانست)، هم در انکار هویت موجود در نظریه‌های پیشین است، و هم در پیش‌نهاد هویت جدید؛

۴. اگر نظریه‌ای بالغ و موفق از نظریه‌های پیشین مانند نظریه T هویتی پیش‌نهاد کرده

باشد که یا در نظریه کنونی متناظر با آن (که آن را با T' مشخص می‌کنیم) انکار شده باشند و یا اکنون توصیفات یافته باشند که به‌میزان زیادی متفاوت با توصیفات پیشین‌اند، T و T' هر دو با هم نمی‌توانند صادق باشند یا تقریباً صادق باشند؛

۵. اگر ادعای واقع‌گرایان مبنی بر ارتباط موفقیت و صدق، به صورتی که موفقیت توجیه صدق باشد، صادق باشد، باید T و T' هر دو با هم صادق باشند؛
۶. (۴) و (۵) در تناقض‌اند؛ (۴) کاذب نیست؛ پس (۵) کاذب است.

یعنی ادعای واقع‌گرایان، مبنی بر این که موفقیت توجیه صدق است، کاذب است. اکنون پاسخ‌های مختلف به این استدلال را بیان می‌کنیم، با ذکر این نکته که تمرکز اصلی مقاله بر پاسخ واقع‌گرایان ساختاری است.

۳. پاسخ‌ها

در ادبیات فلسفی واقع‌گرایی علمی دو رویکرد کلی در مواجهه با فرااستقرای بدبینانه وجود دارد. در رویکرد اول خدشه‌ای به اعتبار این استدلال به لحاظ صوری وارد نمی‌کنند، بلکه در مقدمات استدلال و ماده آن مناقشه می‌کنند. در این رویکرد، واقع‌گرایی استاندارد دو پاسخ عمده ارائه کرده است که برخی مانند سیلوس این دو پاسخ را با هم ترکیب کرده‌اند تا پاسخی معقول‌تر به برهان فرااستقرای بدبینانه بدهند.

در پاسخ اول (I)، تبیینی از مرجع برای هویت صورت‌بندی می‌شود که در آن مرجع هویت در تغییر نظریه‌های علمی با وجود تغییر مفهوم هم‌چنان باقی می‌ماند. در این جا آنچه وجود هویت مندرج در نظریه‌های علمی را، در نظریه‌های متوالی، تداوم می‌بخشد مرجعی است که برخی فیلسوفان، از جمله پاتنم (Putnam)، علاوه بر معنا، برای یک مفهوم در نظر می‌گیرند (Esfeld 2006). در این رویکرد آنچه پیوستگی میان نظریه‌ها را حفظ می‌کند و عنصری از واقعیت تلقی می‌شود که در نظریه‌های متوالی حفظ شده است مرجع این مفهوم است.

برهانی شبیه این را هاردین و روزنبرگ نیز آورده‌اند. آن‌ها معتقدند که، تا وقتی که نظریه ارجاع در فلسفه علم بسط نیافته است، واقع‌گرایان می‌توانند از دیدگاه‌های مختلف و بدیلی که در مورد ارجاع وجود دارد استفاده کنند (Hardin and Rosenberg 1982). آن‌ها این ادعا را مطرح می‌کنند که براساس نظریه علی ارجاع می‌توان عبارت‌هایی را ارجاع‌دهنده دانست که اکنون به نظر نمی‌رسد که عبارات ارجاع‌دهنده باشند. برای مثال، اتر اکنون نیز ارجاع‌دهنده است، اما نه به محیطی مادی، بلکه به میدان الکترومغناطیسی ارجاع می‌دهد.

اگر مرجع عبارات نظری آن چیزهایی باشند که علل پدیدارهایی‌اند که موجب معرفی این عبارات‌اند، در آن صورت، از آن‌جا که اکنون باور بر این است که پدیده‌های نوری

نوسان‌هایی در میدان الکترومغناطیسی است، آن‌چه اکنون عبارت اتر به آن ارجاع می‌دهد میدان الکترومغناطیسی است (Ladyman 2007: 86).

دو اشکال بر این دیدگاه وارد است: ۱. همان‌طور که لائون (۱۹۸۴) اشاره کرده است، این تلقی ارجاع عبارات نظری را به امری بی‌اهمیت (trivial) تبدیل می‌کند، زیرا تا آن‌جا که پدیده‌هایی معرفی یک عبارت را برمی‌انگیزند، آن عبارت به‌طور خودکار و موفق به آن‌چه علت (یا علت‌های) مربوط آن است ارجاع می‌دهد؛ ۲. این نظریه به‌طور افراطی میان آن‌چه نظریه‌پرداز در مورد آن سخن می‌گوید و آن‌چه او تصور می‌کند که در مورد آن سخن می‌گوید گسست ایجاد می‌کند (ibid.).

اما اشکال سومی هم بر این دیدگاه وارد است؛ این اشکال را می‌توان به‌نحو زیر تقریر کرد: اگر تلقی بالا را در مورد تمایز و به‌نوعی برقرار نبودن ارتباط میان توصیفات نظری در مورد یک شیء و مرجع یک شیء بپذیریم، این پرسش پیش می‌آید که چرا باید نظریه‌های کنونی را بپذیریم؟ مسئله این است که نظریه‌های پیشین توصیفاتی در مورد هوایاتی که خود پیش‌نهاد کرده بودند یا هوایاتی که نظریه‌های پیش از آن‌ها پیش‌نهاد کرده بودند ارائه می‌دادند که در زمان خود موفق بوده‌اند؛ یعنی پیش‌بینی‌ها و تبیین‌های موفق از این هوایات می‌دادند، در حالی که اکنون این توصیفات مقبول نیستند. بنابراین، لزومی ندارد که کذب توصیفات کنونی هم در آینده مکشوف نشود (درواقع، در این‌جا نوعی استقرای بدبینانه در مورد توصیفات نظری صورت گرفته است). به‌نظر می‌رسد که هاردین و روزنبرگ این استقرای بدبینانه را در مورد توصیفات نظری بپذیرند و اگر نتیجه این استقرای بدبینانه را در مورد توصیفات نظری بپذیریم این پرسش دوم مطرح می‌شود که اصولاً چرا چنین هوایاتی را فرض کرده‌ایم؛ اگر این هوایات کاملاً مستقل از توصیفات باشند، توجیهی برای پذیرش این هوایات نداریم. در این‌جا توصیفات نظری، که نظریه ارائه می‌دهد، توجیه متافیزیکی برای پذیرش این هوایات است و اگر تعهدی به این توصیفات نداشته باشیم، این هوایات توجیه متافیزیکی خود را از دست خواهند داد. به‌عبارت‌دیگر، توجیهی برای پذیرش آن‌ها در هستی‌شناسی وجود نخواهد داشت.

پاسخ دوم رویکرد اول به فرااستقرای بدبینانه، که آن را با (II) نشان می‌دهیم، براساس روشی است که در آن باور فقط به بخش‌هایی از نظریه تعلق می‌گیرد که به‌طور اساسی در پیش‌بینی‌های موفق و تبیین‌های موفق دخیل‌اند. در این صورت، آن بخش‌هایی

را که در موفقیت تبیینی و ارائه پیش‌بینی‌های بدیع کارایی ندارند و اجزای بی‌استفاده در نظر گرفته می‌شوند کنار می‌گذاریم و در جایگاه یک واقع‌گرا تعهدی به باور به گزاره‌هایی که مبین وجود آن‌ها هستند نداریم. چاکراواریتی این رویکرد را شک‌گرایی انتخابی (selective scepticism) می‌نامد (Chakravartty 2007: 29). استدلالی مشابه این را سیلوس (Psillos) و برخی فلاسفه دیگر نیز مطرح می‌کنند و در آن موفقیت نظریه‌های پیشین را به عناصری از نظریه نسبت می‌دهند که در نظریه‌های کنونی نیز وجود دارند و ما به آن‌ها باور داریم. سیلوس معتقد است «کافی است تا نشان دهیم که موفقیت نظریه‌های گذشته به آن‌چه ما اکنون باور داریم که به‌طور بنیادین نادرست است بستگی ندارد» (Psillos 1996). به عبارت دیگر، «کافی است تا نشان دهیم سازوکارهایی که موفقیت نظریه‌های پیشین را تولید کرده است در تصویر علمی کنونی ما باقی مانده است» (ibid.). سیلوس این را «حرکت تقسیم براساس ادله» (divide et impera move) می‌نامد. مطلب بالا «مبتنی بر این ادعاست که وقتی یک نظریه کنار گذاشته می‌شود اجزای نظری آن یعنی سازوکارهای نظری و قوانینی که آن نظریه ارائه کرده است نباید به‌طور یک‌پارچه (en bloc) رد شود» (ibid.).

کیچر (Kitcher) درباره این موضوع مثالی می‌زند از یک تیم بسکتبال که تیم موفق است. موفقیت این تیم به این معنی نیست که تمام بازیکن‌های تیم قدلندند و در موفقیت تیم سهیم‌اند. این امکان وجود دارد که بازیکن کوتاه‌قدی هم باشد که در موفقیت تیم سهیم چندانی نداشته باشد یا اصلاً سهیم نباشد (Kitcher 1993: 143).

لپلین (Leplin) و کیچر (و البته خود سیلوس) پیش‌نهادهایی شبیه به این راه‌برد داده‌اند، ولی تفصیلی‌ترین و مؤثرترین بحث متعلق به سیلوس است (Ladyman 2007: 87). او پیش‌نهاد (I) را با (II) ترکیب می‌کند.

در راه‌برد (I) مقدمه دوم [استدلال لائودن] پذیرفته می‌شود، اما سیلوس اجازه می‌دهد که برخی مواقع این امکان وجود داشته باشد که یک نظریه تقریباً صادق ارجاع ندهد. او سپس استدلال لائودن را می‌شکند، با این استدلال که عبارات نظری که ارجاع نمی‌دهند، مثل کالریک، در بخش‌هایی از نظریه‌ها بودند که شاهد آن زمان آن را حمایت نمی‌کرد، زیرا موفقیت تجربی نظریه‌های کالریک مستقل از هر فرضیه‌ای در مورد ماهیت کالریک بود. عبارات کنارگذاشته‌شده، که در بخش‌هایی از نظریه‌ها استفاده می‌شوند که شاهد آن زمان آن‌ها را حمایت می‌کرد، همواره ارجاع می‌دهند؛ اتر به میدان الکترومغناطیسی ارجاع می‌دهد (ibid.).

مهم‌ترین اشکالی که لیدیمن و راس به دیدگاه سیلوس وارد می‌کنند این است که مفهوم اساسی (essential) که به آن اشاره شد «مبهم‌تر از آن است که تمایزی اصولی میان گرایش‌های معرفتی (epistemic attitude) ما به بخش‌های مختلف نظریه‌ها برقرار سازد» (ibid.). هم‌چنین، به‌نظر آن‌ها مشکل راه‌برد (II) این است که این راه‌برد خلق‌الساعه (ad hoc) است. «به‌علاوه به‌نظر می‌رسد جداسازی موفقیت تجربی از الزامات هستی‌شناختی مشروع، به‌صورتی که نظریه توصیف می‌کرده است، به‌جای این‌که از واقع‌گرایی حمایت کند آن را تضعیف می‌کند» (ibid.). مسئله دیگری که به آن اشاره می‌کنند این است که طرح سیلوس واجد این معناست که «فرضیه مورد‌بحث نمی‌تواند با جای‌گزین‌های بالقوه تبیینی واجد انگیزه‌های مستقل و غیرخلق‌الساعه تعویض شود» (ibid.).

اما رویکرد دوم در پاسخ به فراستقرای بدبینانه رویکرد فیلسوفانی چون لوئیس (Lewis 2001) و مارک لنگ (Lange 2002) است که استدلال لائودن را به‌لحاظ صوری دچار مشکل می‌بینند و آن را نوعی «مغالطه نرخ پایه» (base rate fallacy) می‌دانند.

به همین دلیل، در این‌جا صورت‌بندی دیگری از این برهان را بیان می‌کنیم که به‌شکل استقرایی نیست. این صورت‌بندی نشان می‌دهد که حتی اگر اشکالات لوئیس و لنگ را بپذیریم،^۲ صرفاً به‌روش بالا (روی‌کرد لوئیس و لنگ) نمی‌توان از واقع‌گرایی درمقابل برهان مبتنی بر تغییر نظریه (گونه غیراستقرایی آن) دفاع کرد. نسخه غیراستقرایی به‌صورت زیر است:

الف) ارجاع موفق عبارات نظری محوری نظریه شرطی ضروری برای صدق تقریبی آن است؛

ب) مثال‌هایی از نظریه‌ها وجود دارد که بالغ‌اند و واجد موفقیت پیش‌بینی بدیع (novel predictive success) هستند، اما عبارات نظری آن‌ها ارجاع نمی‌دهند؛

ج) صدق تقریبی و موفقیت ارجاعی عبارات نظری محوری شرطی ضروری برای موفقیت پیش‌بینی بدیع نظریه‌های علمی نیست (Ladyman 2007: 84).

هم‌چنین باید توجه داشت که ممکن است نسخه لائودن از این برهان دارای اشکال باشد، ولی بتوان نسخه‌های دیگری از برهان را صورت‌بندی کرد که در آن‌ها این اشکالات وجود نداشته باشد. بنابراین به‌نظر می‌رسد که گزینه مناسب‌تر ارائه تقریری از واقع‌گرایی است که در آن هویات (ساختاری) نظریه‌های پیشین در نظریه‌های بعدی حفظ شود. به این ترتیب، باین‌که واقع‌گرایان استاندارد (غیرساختارگرا) پاسخ‌هایی به فراستقرای بدبینانه داده‌اند، این پاسخ‌ها اشکالاتی دارد که به عمده آن‌ها اشاره شد.

لازم است تبیینی از تغییر نظریه‌ها ارائه دهیم که در آن اولاً به نحوی هویات نظریه‌های پیشین ارجاع دهند و البته این ارجاع به صورتی نباشد که هم‌چون تبیین هاردین و روزنبرگ ارجاع را امری بی‌اهمیت کند؛ هم‌چنین هم‌چون مفهوم اساسی سیلوس ابهام نداشته باشد؛ و نهایتاً تبیینی خلق‌الساعه ارائه ندهد. به نظر می‌رسد که واقع‌گرایی ساختاری بتواند این موارد را برآورده سازد.

واقع‌گرایان ساختاری معتقدند که آنچه موجب تعهد واقع‌گرایانه ما به نظریه‌های علمی می‌شود حفظ ساختارهای مشترک در نظریه‌های متوالی است. «پیوستگی یا انباشت در تغییر [نظریه‌ها] وجود داشته است، اما این پیوستگی به شکل صورت یا ساختار بوده است، نه محتوا» (Worrall 1989: 117).

این باوری است که هم واقع‌گرایان ساختاری معرفتی (epistemic structural realism) به آن باور دارند و هم واقع‌گرایان ساختاری هستی‌شناختی (ontic structural realism). به‌طور غیردقیق می‌توان گفت که در واقع‌گرایی ساختاری معرفتی باور بر این است که ما تنها به ساختار جهان معرفت داریم (Worrall 1989)، درحالی‌که در واقع‌گرایی ساختاری هستی‌شناختی باور بر این است که آنچه وجود دارد ساختار است (برای ملاحظه چستی این رویکرد و برخی پاسخ‌ها به اشکالات واردشده به آن بنگرید به French and Ladyman 2011).

می‌توان گفت (به‌طور کلی و نه‌چندان دقیق) ادعای واقع‌گرایان ساختاری این است که نظریه‌های علمی ساختارهای جهان را برای ما بازنمایی می‌کنند و این ساختارها (آنچه در بازنمایی ارائه می‌شود) در نظریه‌های متوالی توسعه می‌یابد. به این ترتیب، برای مثال، وقتی نظریه‌ای (بالغ و موفق) هویتی مانند اتر را پیش‌نهاد می‌کند، تعهد واقع‌گرایانه (تعهد معرفتی برای واقع‌گرایی ساختاری معرفتی و تعهد معرفتی به‌علاوه تعهد هستی‌شناختی برای واقع‌گرایی ساختاری هستی‌شناختی) به ساختاری است که در نظریه از آن به‌عنوان اتر تعبیر می‌شود. این ساختار در نظریه‌های بعدی باقی می‌ماند؛ بنابراین، پس از صورت‌بندی مناسب نظریه‌ها، ساختارهای اصلی نظریه که موجب موفقیت نظریه‌اند مشخص می‌شود و می‌توان نشان داد که این ساختارها در نظریه‌های بعدی حفظ شده‌اند.

۴. واقع‌گرایی ساختاری

درمورد واقع‌گرایی ساختاری نکته مهم این است که ساختاری که در تغییر نظریه‌های علمی حفظ می‌شود و باقی می‌ماند چه خصوصیتی دارد. این پرسش را می‌توان هم از منظر چستی نوع خود ساختار مطرح کرد و هم از منظر چگونگی بقا و حفظ آن.

از منظر چگونگی بقا و حفظ ساختار دو تلقی را می‌توان از هم بازشناخت: نخست تلقی‌ای که در آن باور بر این است که ساختار مشترکی که در گذار از نظریه‌ای به نظریه دیگر باقی می‌ماند در گذار از نظریه کنونی به نظریه بعدی نیز باقی می‌ماند و به‌علاوه ساختار آن توسعه می‌یابد (یا در بدترین حالت ثابت می‌ماند). فرض کنید ساختار A که متعلق به نظریه T_1 است در گذار از نظریه علمی T_1 به T_2 باقی بماند؛ در این صورت، در فرایند پیشرفت علمی که در آن نظریه علمی از T_2 به T_3 تغییر می‌یابد، B در T_3 باقی می‌ماند که A را در بر دارد (A زیرساختاری از آن است) یا حداقل معادل آن است.

می‌توان تلقی دومی هم داشت و آن این که خود این ساختار مشترک هم می‌تواند تغییر کند و طی فرایند تحول علمی متحول خواهد بود. به نظر نگارنده این قسم دوم قادر نیست که با دلایل واقع‌گرایان برای اتخاذ رویکرد واقع‌گرایانه هم‌ساز شود. بنابراین، به نظر می‌رسد که واقع‌گرای ساختاری باید تلقی اول را بپذیرد (تبیین دقیق چرایی این مطلب خود نیازمند نوشته‌ای جداگانه است که هدف اصلی این مقاله نیست).

اما در حالت اول واقع‌گرایان باید معین کنند که به چه نوع ساختاری متعهد می‌شوند و همچنین باید در نظریه‌های مختلف این ساختار مشترک را معین کنند. بنابراین، پروژه بزرگ واقع‌گرایی ساختاری این است که به‌صورت موردبه‌مورد و با مطالعه موردی نشان دهند که در دو تحول علمی عمده (دو تغییر پارادایم) ساختاری حفظ شده و بر آن افزوده شده است (یا حداقل ثابت مانده است).

برای این که این امر به‌درستی تحقق پذیرد اغلب نیاز است که صورت‌بندی مناسبی از نظریه علمی داشته باشیم تا بتوانیم ساختارهای مشابه و یک‌سان نظریه‌های مختلف را با هم مقایسه کنیم؛ زیرا در برخی موارد صورت‌بندی استاندارد نظریه‌های علمی برای روشن شدن این موضوع مناسب نیست.

برای مثال، صورت‌بندی معمولی مکانیک نیوتنی در فضای سه‌بعدی اقلیدسی صورت می‌گیرد، که در آن مختصات سه‌بعدی برای بیان مکان این ذرات استفاده می‌شود و سرعت و شتاب (مطلق) آن‌ها هم براساس عمل مشتق‌گیری از توابع مکان نسبت به زمان معین می‌شوند. رفتار دینامیکی ذرات را قوانین نیوتن معین می‌کنند که معادله حرکت ذرات را نتیجه می‌دهد. این معادلات تنها در چهارچوب‌های لخت صادق‌اند؛ به عبارت دیگر، قوانین نیوتن در چهارچوب‌های شتاب‌دار صادق نیستند و این معادلات تحت تبدیلات مختصات هموردا (covariance) نیستند. به این ترتیب، این معادلات را نمی‌توان به‌شکل مستقل از مختصات نوشت.

آنچه به این مطلب اهمیت می‌بخشد این است که معادلات نسبیت عام که در فضا - زمان چهاربعدی صورت‌بندی می‌شود این ویژگی را دارند که می‌توان آن‌ها را به صورت مستقل از مختصات نوشت؛ یعنی، این معادلات هموردای عام (general covariance) هستند و اعتقاد بر این بوده است که تمایز نسبیت عام با نظریه‌هایی چون مکانیک نیوتنی و نسبیت خاص در این ویژگی است. به این ترتیب، برای یک واقع‌گرای ساختاری این پرسش مطرح می‌شود که آیا مشخصه ساختارهایی که از مکانیک نیوتنی در نسبیت عام باقی مانده‌اند هموردای عام آن‌هاست؟

کافی است که از صورت‌بندی چهاربعدی این معادلات در فضا - زمان چهاربعدی (که آن را با یک مینفلد یا خمینه نشان می‌دهند) استفاده کنیم و معادلات را در فضا - زمان چهاربعدی صورت‌بندی کنیم تا معلوم شود که معادلات مکانیک نیوتنی را نیز می‌توان به شکل مستقل از مختصات نوشت. در واقع، این امر در مورد تمام نظریه‌های فیزیکی بالغ (مکانیک نیوتنی، الکترومغناطیس ماکسول، نسبیت خاص، و نسبیت عام) صادق است؛ یعنی، می‌توان آن‌ها را، به یک معنا، به صورت هموردای عام نوشت و همه این نظریه‌ها به طور بی‌اهمیتی واجد نوعی تقارن پیمانه‌ای (gauge symmetry) هستند. در مباحث فلسفی و بنیادین مربوط به نظریه‌های فضا - زمانی و به ویژه نسبیت عام در مورد این که هموردایی عام دقیقاً به چه معناست اختلاف نظر زیاد است، باین حال بر سر دو موضوع توافق گسترده‌ای وجود دارد: «۱. هموردایی عام نسبیت عام را از نظریه‌های پیش از نسبیت متمایز نمی‌کند، مگر این که نظریه‌های پیش از نسبیت عام به طریق مناسبی صورت‌بندی شده باشند؛ ۲. هموردایی عام، به خودی خود، هیچ محتوای فیزیکی‌ای ندارد» (Suarez et al. 2010: 197). به این ترتیب، می‌توان چنین تصور کرد که هر نظریه‌ای که در فرایند تحول علمی شکل خواهد گرفت این نوع تقارن پیمانه‌ای را خواهد داشت و باید بتوان آن را به صورت مستقل از مختصات نوشت. در واقع، این نوع از هموردایی عام یک نوع شرط ساختاری بی‌اهمیت روی معادلات و هم چنین مشاهده‌پذیرهایی است که نظریه‌های فیزیکی آن را برآورده می‌کنند (احتمالاً تنها نظریه‌هایی که نتوان صورت‌بندی فضا - زمانی برای آن‌ها در نظر گرفت قادر نیستند این شرط را برآورده سازند، مانند فیزیک ارسطویی). در این صورت، برای مثال، برای یافتن تمایز میان نظریه‌های نسبیت عام و مکانیک نیوتنی باید شرطی غیر از این نوع از هموردایی عام برآورده شود، مثلاً شرطی که ارمن (Earman 2006: 4) آن را شرط هموردایی عام جوهری (substantive general covariance) می‌نامد یا این که این تمایز با تعریف مفهوم شیء مطلق، که می‌توان آن را رویکرد اندرسون - فریدمن نامید (Friedman 1983: 56-61)، مشخص شود.

اگر مفهوم شیء مطلق تعریف شود، می‌توان با معرفی نوعی رابطه هم‌ارزی به نام هم‌ارزی D (ibid.: 57-59)، که مشخص‌کننده اشیاى مطلق نظریه است، تمایز نسبت عام را با نظریه‌های دیگر معین کرد، به این طریق که چون نسبت عام هیچ شیء مطلقى ندارد (البته در این امر مناقشه شده است، اما فرض کنید که این وضعیت برقرار است)؛ ولی در نظریه‌های دیگر نظیر مکانیک نیوتنی و نسبیت خاص شیء مطلق وجود دارد؛ مثل متریک مینکوفسکی در نسبیت خاص، نسبت عام با این نظریه‌ها به این معنی متمایز است و توسعه ساختار در جهت حذف اشیاى مطلق پیش رفته است. به این ترتیب، مشخص می‌شود که برای بررسی روابط ساختاری صورت‌بندی مناسب نظریه‌ها بسیار اهمیت دارد.

در ادامه مقاله ابتدا معنای دقیق توسعه یک ساختار را معرفی می‌کنیم؛ سپس مثالی مهم از فیزیک نظری، یعنی رابطه میان فیزیک نیوتنی و نظریه نسبیت خاص، را بررسی می‌کنیم. می‌کشیم نشان دهیم شروطی که در تعریف توسعه یک ساختار ارائه داده‌ایم در این مورد برقرار است. البته باید توجه داشت که در این جا تنها رابطه میان جبرهای نظریه‌ها، که مبین سینماتیک نظریه‌هاست، بررسی خواهد شد و بررسی رابطه میان دینامیک نظریه‌ها مقاله‌ای جداگانه می‌طلبد. هم‌چنین عمده مطالب به بیان حفظ ساختارها تعلق خواهد داشت. بررسی توسعه ساختارها نیز، که نیازمند بررسی حداقل سه نظریه است، مجال دیگری می‌طلبد.

۱.۴ تعریف توسعه یک ساختار

ساختار $\mathcal{A} = \langle A, R_i \rangle_{i \in I}$ را توسعه ساختار $\mathcal{B} = \langle B, R_j \rangle_{j \in J}$ می‌نامیم، هرگاه شروط زیر برقرار باشد:

۱. تابعی چون $F: B \rightarrow F(B) \subset A$ وجود داشته باشد که دوسویی باشد؛
۲. به‌ازای هر $i \in I$ عضو I وجود داشته باشد، به‌طوری‌که تابع زیر یک‌سانی (isomorphism) باشد:^۳

$$\begin{aligned} f_j: R_j' &\rightarrow f_j(R_j') \subset R_i \\ f_j((x, y)) &= (F(x), F(y)) \\ \text{soif } (x, y) \in R_j' &\text{ then } (F(x), F(y)) \in R_i \end{aligned}$$

برای مثال، در نظریه نسبیت خاص گروه تبدیلاتی که تحت آن‌ها قوانین نظریه صادق‌اند، یعنی گروه تقارنی نظریه (symmetry group) گروه پوانکاره (Poincare group) است. این گروه، که خود یک گروه لی (Lie group) است، دارای یک نمایش یکسانی

(unitary representation) است؛ یعنی این گروه را با عمل‌گرهای یکانی که روی فضای هیلبرت حالات سیستم اثر دارند نمایش می‌دهند.^۴ عمل‌گرهای این نمایش را می‌توان به صورت بسط مولدهای گروه لی، که خود عمل‌گرهای هرمیتی و یکانی‌اند، به صورت زیر نشان داد:^۵

$$U(I + \omega, \epsilon) = I + \frac{1}{2}i\omega_{\mu\nu}J^{\mu\nu} - i\epsilon_{\mu}P^{\mu} + \dots \quad (1)$$

$J^{\mu\nu}$ ها و P^{μ} ها مولدهای گروه‌اند، که خود عمل‌گرهای هرمیتی و یکانی‌اند. این مولدها روابط جابه‌جایی زیر را برآورده می‌کنند:

$$i[J^{\mu\nu}, J^{\rho\sigma}] = \eta^{\nu\rho}J^{\mu\sigma} - \eta^{\mu\rho}J^{\nu\sigma} - \eta^{\sigma\mu}J^{\rho\nu} + \eta^{\sigma\nu}J^{\rho\mu} \quad (2)$$

$$[P^{\mu}, J^{\rho\sigma}] = \eta^{\mu\rho}P^{\sigma} - \eta^{\mu\sigma}P^{\rho} \quad (3)$$

$$[P^{\mu}, P^{\rho}] = 0 \quad (4)$$

این جبر لی گروه پوانکاره است. این جبر را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$[J_i, J_j] = i\epsilon_{ijk}J_k \quad (6)$$

$$[J_i, K_j] = i\epsilon_{ijk}K_k \quad (7)$$

$$[K_i, K_j] = -i\epsilon_{ijk}J_k \quad (8)$$

$$[J_i, P_j] = i\epsilon_{ijk}P_k \quad (9)$$

$$[K_i, P_j] = iH\delta_{ij} \quad (10)$$

$$[J_i, H] = [P_i, H] = [H, H] = 0 \quad (11)$$

$$[K_i, H] = iP_i \quad (12)$$

با داشتن این روابط، به روشی که آن را ادغام اینونو-ویگنر (Inonu-Wigner contraction) می‌نامند، نشان می‌دهیم که جبر گالیله‌ای حالت خاصی از جبر پوانکاره است؛ یعنی جبر پوانکاره پایدارشده (stabilized) جبر گالیله‌ای است. «ادغام» و «تغییرشکل» فرایندهایی عکس یکدیگرند؛ در ادغام شما از یک جبر پایدارتر شده به جبر ناپایدارتر می‌رسید و در تغییرشکل از جبر ناپایدارتر به جبر پایدارتر می‌رسید.

به طور کلی، یک ساختار ریاضی را به‌ازای رده‌ای از تغییرشکل‌ها (deformations) پایدار (stable) یا صلب می‌گویند، اگر هر تغییرشکلی در این رده به یک ساختار معادل (یکریخت) منتهی شود. اندیشه پایداری ساختارها یک اصل راهنما برای آزمون اعتبار یا نیاز برای تعمیم یک نظریه فیزیکی است. یعنی، اگر ساختار ریاضی یک نظریه

داده‌شده پایدار نباشد، در آن صورت باید تلاش شود تا آن را تغییر شکل دهند تا در یک ساختار پایدار قرار گیرد (Mendes 1994).

در روابط جابه‌جایی، اگر ثابت ساختاری صفر شود، نشانه ناپایداری جبر است و در تغییر شکل تلاش می‌شود این ثوابت ساختارها را به ثوابت غیر صفر تبدیل کنند. برای مثال، در جبر گالیه‌ای که در زیر آورده شده است، ثابت ساختار در رابطه (۱۶) صفر است که می‌توان با فرایند تغییر شکل آن را به صورت رابطه (۸) در آورد که ثابت ساختار غیر صفر دارد. به این معنا می‌توان ملاحظه کرد که برخی روابط ساختاری که در جبر گالیه‌ای وجود دارد در جبر پوانکاره حفظ شده است، مثل روابط (۱۴) و (۱۵). این‌ها ساختارهایی را معین می‌کنند که از نظریه پیشین (مکانیک نیوتنی) در نظریه بعدی (نسبیت خاص) حفظ شده‌اند و بنابر آنچه پیش‌از این گفتیم در نظریه‌ای که بعد از نسبیت خاص مورد قبول واقع می‌شود هم باید حفظ شوند.

اگر بخواهیم با فرایند ادغام از جبر پوانکاره جبر گالیه‌ای را نتیجه بگیریم، می‌توانیم نشان دهیم که روابط (۶) و (۷) به همان شکل باقی می‌مانند؛ ولی در مورد روابط بعدی با در نظر گرفتن این‌که برای سیستمی از ذرات با جرم نوعی m و سرعت نوعی v عمل‌گرهای اندازه حرکت و اندازه حرکت زاویه‌ای از مرتبه‌های $J \sim 1$ و $P \sim mv$ هستند و هم‌چنین این‌که عمل‌گر انرژی هم به صورت $H = M + W$ است که در آن M نشان‌دهنده انرژی جرمی و W نشان‌دهنده انرژی غیر جرمی (جنبشی و پتانسیل) است که مرتبه‌های آن‌ها هم به صورت زیر است:

$$M \sim m \quad \text{و} \quad W \sim mv^2$$

می‌توان به روابط زیر رسید.

اگر $v \ll 1$ باشد، آن‌گاه

$$[J_i, J_j] = i\epsilon_{ijk} J_k \quad (14)$$

$$[J_i, K_j] = i\epsilon_{ijk} K_k \quad (15)$$

$$[K_i, K_j] = 0 \quad (16)$$

$$[J_i, P_j] = i\epsilon_{ijk} P_k \quad (17)$$

$$[K_i, P_j] = iM\delta_{ij} \quad (18)$$

$$[J_i, W] = [P_i, W] = 0 \quad (19)$$

$$[J_i, M] = [P_i, M] = [K_i, W] = [W, M] = 0 \quad (20)$$

$$[K_i, W] = iP_i \quad (21)$$

برای مثال، رابطه (10) را در نظر بگیرید. در این صورت داریم:

$$[K_i, P_j] = iH\delta_{ij} = i(M + W)\delta_{ij}$$

با در نظر گرفتن $v \ll 1$ ، نتیجه خواهد شد که $mv^2 \ll m$ بنابراین $W \ll M$ ؛ پس

$$(M + W) \approx M \Rightarrow [K_i, P_j] = iM\delta_{ij}$$

از طرف دیگر، از رابطه (11) داریم:

$$[J_i, H] = [J_i, M] + [J_i, W] = 0$$

اما $M = MI$ ؛ بنابراین با J_i جابه جا می شود؛ پس $[J_i, M] = 0$ و این یعنی:

$$[J_i, H] = [J_i, W] = 0$$

به همین ترتیب، می توان نشان داد که سایر روابط بالا هم از جبر پوانکاره برای حالت حدی ذکر شده قابل استخراج است و جبر گالیه ای نتیجه خواهد شد. اما این روش دقیقی برای بیان رابطه ساختاری جبر گالیه ای با جبر پوانکاره نیست. در بخش پنجم به طور دقیق نشان می دهیم که چگونه زیرساختاری^۶ از جبری چون L_1 (مثلاً جبر گالیه ای) در ساختار جبر لی دیگری چون L_2 (مثلاً جبر پوانکاره) حفظ می شود، به این معنی که جبر لی L_2 پایدار شده (stabilized) جبر L_1 است.

۵. رابطه ساختاری جبرهای لی پایدارتر و ناپایدارتر

تعریف ۱:^۷ یک جبر لی حقیقی یا مختلط با بعد متناهی چون L فضایی برداری حقیقی یا مختلط است، به همراه نگاشتی چون $[,]$ از $L \times L$ به L که دارای خواص زیر باشد:

۱. $[,]$ دوخطی (bilinear) باشد؛

۲. $[,]$ پادمتقارن است؛ یعنی به ازای I و J عضو L باشد، آن گاه $[I, J] = -[J, I]$ ؛

۳. تساوی ژاکوبی برقرار باشد:

$$[I, [J, K]] + [K, [I, J]] + [J, [K, I]] = 0$$

تعریف ۲: یک زیرجبر از جبر لی حقیقی یا مختلطی چون L زیرفضایی چون H از L است، به طوری که به ازای هر I_1 و I_2 که عضو H باشند رابطه $[I_1, I_2] \in H$ برقرار باشد.

پس اگر ما نشان دهیم که جبر لی نظریه‌ای چون T زیرجبری از جبر لی نظریه‌ی بعدی چون T' است، در واقع حفظ ساختار نظریه‌ی پیشین را در نظریه‌ی جدید نشان داده‌ایم؛ زیرا به روشنی می‌توان، طبق تعریفی که در بالا ارائه شد، نشان داد که ساختار نظریه‌ی بعدی توسعه‌ی ساختار نظریه‌ی پیشین است.

اکنون روشی را بیان می‌کنیم که در آن از جبر لی پایدارتر می‌توان جبر لی ناپایدارتر را به دست آورد. نشان می‌دهیم که چگونه می‌توان ساختاری مشترک بین دو جبر یافت. این کار را به روش ادغام اینونو-ویگنر انجام می‌دهیم (Inonu and Wigner 1953). باید توجه داشت، همان‌طور که پیش‌از این گفتیم، در فرایند ادغام یا فرایند معکوس آن تغییر شکل (deformation) فضای برداری تغییر نمی‌کند؛ یعنی تعداد مولدها ثابت می‌ماند و این به معنی آن است که پایه ثابت است و به عنوان ساختار فضای برداری هر دو جبر یک ساختار دارند و این خود یک نوع حفظ ساختار است.

چون ما در این جا با گروه‌های لی سروکار داریم، هر عضو گروه را می‌توان بر حسب پارامترهای گروه نوشت؛ یعنی اگر $I \in L$ باشد، آن‌گاه:

$$I = g(a^1, \dots, a^n)$$

که در آن a^i پارامترهای گروه لی هستند.

فرض کنید که $I_i \in L$ و $I_j \in L$ ؛ بنابراین $[I_i, I_j] \in L$ و این یعنی:

$$[I_i, I_j] = C_{ij}^k I_k \quad (22).$$

در این صورت، تابع F را به صورت زیر در نظر بگیرید:

$$F: L \rightarrow L$$

$$J_\mu \equiv F(I_i) = \sum_i I_i U_\mu^i ; U_\mu^i = u_\mu^i + \epsilon w_\mu^i, \quad 0 < \epsilon < \epsilon_0 \quad (23)$$

ماتریس‌های u و w را می‌توان به شکل نرمال نوشت. یعنی، اگر ماتریس‌های تبدیل α و β باشند، به شکل $\beta u \alpha^{-1}$ و $\beta w \alpha^{-1}$ نوشته می‌شوند. واضح است که این تابع خطی است، زیرا:

$$F(\alpha I_i + \beta I'_i) = \sum_i (\alpha I_i + \beta I'_i) U_\mu^i = \alpha \sum_i I_i U_\mu^i + \beta \sum_i I'_i U_\mu^i = \alpha F(I_i) + \beta F(I'_i)$$

که تبدیل متناظر آن برای پارامترهای گروه به صورت زیر است:

$$a^i = \sum_i U_\mu^i b^\mu$$

در این جا، ماتریس های u و w به صورت زیرند:

$$u = \begin{pmatrix} J & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \text{ و } w = \begin{pmatrix} v & 0 \\ 0 & J \end{pmatrix}$$

که در آن J ماتریس واحد است.^۱

فرض کنید که رتبه (rank) ماتریس $ra.u_v^i$ باشد. در این صورت L را می توان با تبدیل بالا به صورت جمع مستقیم دو زیر جبر L' و بعدی L'' به صورت زیر نوشت:

$$L = L' \oplus L''$$

$$J_\mu = \sum_i I_i U_\mu^i = I_i \begin{pmatrix} J & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_\mu^i + I_i \begin{pmatrix} v & 0 \\ 0 & J \end{pmatrix}_\mu^i$$

$$I_i = \begin{pmatrix} I_{1i} & 0 \\ 0 & I_{2i} \end{pmatrix}_i \Rightarrow J_\mu = \begin{pmatrix} I_{1i} & 0 \\ 0 & I_{2i} \end{pmatrix}_i \begin{pmatrix} J & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_\mu^i + \begin{pmatrix} I_{1i} & 0 \\ 0 & I_{2i} \end{pmatrix}_i \begin{pmatrix} v & 0 \\ 0 & J \end{pmatrix}_\mu^i$$

$$= \begin{pmatrix} I_{1i} & 0 \\ 0 & I_{2i} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} J_\mu^i & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + \epsilon \begin{pmatrix} I_{1i} & 0 \\ 0 & I_{2i} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} v_\mu^i & 0 \\ 0 & J_\mu^i \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} I_{1i} J_\mu^i & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \epsilon I_{1i} v_\mu^i & 0 \\ 0 & \epsilon I_{2i} J_\mu^i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{1\mu} + \epsilon I_{1i} v_\mu^i & 0 \\ 0 & \epsilon I_{2\mu} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} J_{1\mu} & 0 \\ 0 & J_{2\mu} \end{pmatrix}$$

در ماتریس $\begin{pmatrix} I_{1\mu} + \epsilon I_{1i} v_\mu^i & 0 \\ 0 & \epsilon I_{2\mu} \end{pmatrix}$ قسمت بلوک قطری بالا، یعنی $I_{1i} J_\mu^i + \epsilon I_{1i} v_\mu^i$ ، دارای مولد است و بقیه ماتریس ها در جمع بندی i ، که از ۱ تا n است، صفرند. به همین ترتیب قسمت بلوک قطری پایین، یعنی $\epsilon I_{2\mu}$ ، دارای مولد در جمع بندی است و بقیه ماتریس ها در این جمع بندی صفر است. یعنی در این جا شاهد جمع مستقیم ماتریس ها هستیم. پس دو جبر مجزا داریم، یکی با مولد r و دیگری با مولد $n-r$ مولد. بنابراین می توانیم براساس این دو مجموعه مولد رابطه تبدیل (23) را به صورت زیر بنویسیم:

$$J_{1\mu} = I_{1\mu} + \epsilon \sum_{v=1}^r v_{v\mu} I_{1v} ; (\mu = 1, 2, \dots, r) \quad (24)$$

$$J_{2\mu} = \epsilon I_{2\mu} ; (\mu = 1, 2, \dots, n-r) \quad (25)$$

در این صورت (22) را می توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$[I_{\alpha\mu}, I_{\beta v}] = \sum_{k=1}^r C_{\alpha\mu, \beta\mu}^{1k} I_{1k} + \sum_{k=1}^{n-r} C_{\alpha\mu, \beta\mu}^{2k} I_{2k} \quad (26)$$

که در آن α و β اندیس هایی اند که مقادیرشان یا ۱ است یا ۲.

بنابراین،

$$[J_{1\mu}, J_{1\nu}] = [I_{1\mu}, I_{1\nu}] + \epsilon(v_{\mu\mu'}\delta_{\nu\nu'} + v_{\nu\nu'}\delta_{\mu\mu'} + v_{\mu\mu'}v_{\nu\nu'})[I_{1\mu'}, I_{1\nu'}] \quad (27)$$

از رابطه (26) می‌توانیم جملات سمت راست رابطه بالا را به دست آوریم:

$$[I_{1\mu}, I_{1\nu}] = \sum_{k=1}^r C_{1\mu,1\nu}^{1k} I_{1k} + \sum_{k=1}^{n-r} C_{1\mu,1\nu}^{2k} I_{2k}$$

اما از رابطه (24) و (25) داریم:

$$I_{1k} = J_{1k} - \epsilon \sum_{v=1}^r v_{vk} I_{1v} \quad \text{و} \quad I_{2k} = \frac{J_{2k}}{\epsilon}$$

در نتیجه:

$$[I_{1\mu}, I_{1\nu}] = \sum_{k=1}^r C_{1\mu,1\nu}^{1k} (J_{1k} - \epsilon \sum_{v=1}^r v_{vk} I_{1v}) + \sum_{k=1}^{n-r} C_{1\mu,1\nu}^{2k} \frac{J_{2k}}{\epsilon}$$

به این ترتیب، رابطه (27) به صورت زیر می‌شود:

$$[J_{1\mu}, J_{1\nu}] = \sum_{k=1}^r C_{1\mu,1\nu}^{1k} J_{1k} - \epsilon \sum_{k=1}^r C_{1\mu,1\nu}^{1k} \sum_{v=1}^r v_{vk} I_{1v} + \sum_{k=1}^{n-r} C_{1\mu,1\nu}^{2k} \frac{J_{2k}}{\epsilon} + \epsilon(v_{\mu\mu'}\delta_{\nu\nu'} + v_{\nu\nu'}\delta_{\mu\mu'} + v_{\mu\mu'}v_{\nu\nu'})[I_{1\mu'}, I_{1\nu'}]$$

اما اگر از عبارت بالا، وقتی ϵ به صفر میل می‌کند، حد بگیریم، جملات دوم و چهارم سمت راست آن صفر می‌شوند و برای این که این عبارت حد داشته باشد باید ثابت‌های ساختار در جمله سوم، یعنی $C_{1\mu,1\nu}^{2k}$ ها، همگی صفر شوند. بنابراین:

$$[J_{1\mu}, J_{1\nu}] = \sum_{k=1}^r C_{1\mu,1\nu}^{1k} J_{1k} \quad (28) \quad , \quad C_{1\mu,1\nu}^{2k} = 0 \quad (29)$$

اگر این گونه باشد، ثابت‌های ساختار $C_{\alpha\mu,\beta\nu}^{\gamma k}$ به مقادیر متناهی میل خواهند کرد (Inonu and Wigner 1953).

پس:

$$C_{1\mu,1\nu}^{1k} = C_{1\mu,1\nu}^{1k} \quad , \quad C_{1\mu,1\nu}^{1k} = C_{1\mu,1\nu}^{1k} = 0 \quad , \quad C_{1\mu,2\nu}^{2k} = C_{1\mu,2\nu}^{2k}$$

$$C_{2\mu,2\nu}^{1k} = C_{2\mu,2\nu}^{2k} = 0 \quad , \quad C_{1\mu,2\nu}^{1k} = 0$$

به این ترتیب، وقتی $\epsilon \rightarrow 0$ تابع F ، که تابعی خطی است و با رابطه (23) تعریف شده است، جبر $L = L' \oplus L''$ را به جبر L' تبدیل می‌کند که در آن رابطه جابه‌جایی (22) به (28) تبدیل می‌شود و بعد جبر هم r است؛ یعنی این یک هم‌سانی است که بین جبر L و جبر L' است؛ زیرا:

$$F([I_i, I_j]) = F(C_{ij}^k I_k) = C_{ij}^k F(I_k) = C_{ij}^k J_k = C_{ij}^k \begin{pmatrix} J_{1k} & 0 \\ 0 & J_{2k} = \epsilon I_{2k} \end{pmatrix}$$

که وقتی $\epsilon \rightarrow 0$ عبارت بالا برابر می‌شود با:

$$\lim_{\epsilon \rightarrow 0} F([I_i, I_j]) = \lim_{\epsilon \rightarrow 0} C_{ij}^k \begin{pmatrix} J_{1k} & 0 \\ 0 & J_{2k} = \epsilon I_{2k} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} C_{ij}^k J_{1k} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (30)$$

از طرف دیگر:

$$([F(I_i), F(I_j)]) = ([J_\mu, J_\nu]) = \left[\begin{pmatrix} J_{1\mu} & 0 \\ 0 & J_{2\mu} \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} J_{1\nu} & 0 \\ 0 & J_{2\nu} \end{pmatrix} \right]$$

پس:

$$\begin{aligned} \lim_{\epsilon \rightarrow 0} ([F(I_i), F(I_j)]) &= \left(\left[\lim_{\epsilon \rightarrow 0} F(I_i), \lim_{\epsilon \rightarrow 0} F(I_j) \right] \right) \\ &= \lim_{\epsilon \rightarrow 0} \begin{pmatrix} [J_{1\mu}, J_{1\nu}] & 0 \\ 0 & [\epsilon I_{2\mu}, \epsilon I_{2\nu}] \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} [J_{1\mu}, J_{1\nu}] & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} C_{1\mu, 1\nu}^{1k} J_{1k} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (31) \end{aligned}$$

می‌توان نشان داد که به ازای J_{1k} که در آن $k = (1, \dots, r)$ است، $C_{ij}^k = C_{1\mu, 1\nu}^{1k}$ این تساوی را می‌توان به طریق زیر نشان داد (توجه کنید که در این جا اگر جمع‌بندی روی اندیسی لزوماً تا n نباشد، حد جمع‌بندی به طور صریح نشان داده خواهد شد؛ پس اگر حد جمع‌بندی عنوان نشود، به معنی آن است که حد جمع n است.

$$\begin{aligned} [I_i, I_j] &= \left[\begin{pmatrix} I_1 & 0 \\ 0 & I_2 \end{pmatrix}_i, \begin{pmatrix} I_1 & 0 \\ 0 & I_2 \end{pmatrix}_j \right] = \left[\begin{pmatrix} I_{1i} & 0 \\ 0 & I_{2i} \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} I_{1j} & 0 \\ 0 & I_{2j} \end{pmatrix} \right] = \begin{pmatrix} [I_{1i}, I_{1j}] & 0 \\ 0 & [I_{2i}, I_{2j}] \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} \sum_{k=1}^r C_{1i, 1j}^{1k} I_{1k} & 0 \\ 0 & \sum_{k=1}^{n-r} C_{2i, 2j}^{2k} I_{2k} \end{pmatrix} = C_{ij}^k \begin{pmatrix} I_1 & 0 \\ 0 & I_2 \end{pmatrix}_k = \begin{pmatrix} \sum_{k=1}^r C_{ij}^k I_{1k} & 0 \\ 0 & \sum_{k=1}^{n-r} C_{ij}^k I_{2k} \end{pmatrix} \end{aligned}$$

پس: $C_{1i, 1j}^{1k} = C_{ij}^k$ که در آن $k = (1, \dots, r)$.

به این ترتیب، از (30) و (31) نتیجه می‌شود:

$$\lim_{\epsilon \rightarrow 0} F([I_i, I_j]) = \left(\left[\lim_{\epsilon \rightarrow 0} F(I_i), \lim_{\epsilon \rightarrow 0} F(I_j) \right] \right)$$

پس $\phi(I_i) = \lim_{\epsilon \rightarrow 0} F(I_i)$ هم‌سانی از L به L' است. اکنون تابعی از L به L' تعریف می‌کنیم، به صورت $\psi(L) \rightarrow L'$ که یک‌سانی باشد.

$$\psi(J_{1\mu}) = \begin{pmatrix} J_{1\mu} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

واضح است که این تابع یک‌به‌یک است، زیرا:

$$\text{if } \psi(J_{1\mu}) = \psi(J_{1\nu}) \text{ then } \begin{pmatrix} J_{1\mu} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} J_{1\nu} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow J_{1\mu} = J_{1\nu}$$

توجه به یک نکته مهم در این جا ضروری است و آن این‌که به این معنا جبر L توسعه جبر L' است و این ساختار باید در نظریه‌های متوالی حفظ شود.

۶. نتیجه‌گیری

در این مقاله راه‌حل‌های مختلف به فرااستقرای بدبینانه را (به‌طور اجمال) بررسی کردیم. با توجه به پاسخ‌های مختلف واقع‌گرایان ساختاری به نظر می‌رسد که بهترین گزینه برای دفاع از واقع‌گرایی علمی و ارائه تبیین معقول از نظریه‌های علمی واقع‌گرایی ساختاری باشد. نکته مهمی که در مورد این دیدگاه وجود دارد این است که ادعای واقع‌گرایی علمی ساختاری خود می‌تواند در معرض آزمون قرار گیرد، به این صورت که در حوزه‌های مختلف علمی (مثل فیزیک، بیولوژی، شیمی، و ...) نظریه‌های علمی بالغ و موفق متوالی را با یکدیگر قیاس کنیم و ببینیم آیا اولاً در گذار از نظریه علمی T_1 به T_2 ساختاری چون A باقی می‌ماند؟ و ثانیاً در گذار از T_2 به T_3 ساختاری چون B در T_3 وجود خواهد داشت که A را در بر داشته باشد یا حداقل معادل آن باشد؟ در این مقاله، عمدتاً سعی شد در مورد مکانیک نیوتنی و نسبیت خاص شرط اول این آزمون بررسی شود و معلوم شود که آیا این وضعیت برقرار است؟ دیدیم که پاسخ این پرسش مثبت است. البته استخراج روابط جزئی‌تر میان مکانیک نیوتنی و نسبیت خاص (چه از منظر گروه‌های تقارنی آن‌ها و چه به لحاظ ساختار هندسی آن‌ها) و مقایسه بین سه نظریه متوالی مکانیک نیوتنی، نسبیت خاص، و نسبیت عام مجال بسیار بیش‌ازاین می‌طلبد که در مقالاتی جداگانه به آن‌ها پرداخته خواهد شد.

پی‌نوشت‌ها

۱. توسل کلی به استنتاج براساس بهترین تبیین است.
۲. برای مثال، ساتسی (Saatsi) در مقاله (2005) خود می‌کوشد تا شأن استقرای بدبینانه را با یادآوری هدف اصلی این استدلال دوباره بنا نهد تا به این طریق برنامه واقع‌گرایان را مبنی بر تضعیف مقدمات استدلال فرااستقرای بدبینانه موجه سازد (Saatsi 2005).
۳. البته روش‌های دیگری هم وجود دارد که بتوان از توسعه یک ساختار استفاده کرد (که به این روش نزدیک‌اند)، مثل روش داکوستا (Da Costa) و فرنچ (French) در استفاده از ساختارهای جزئی (partial structure) یا روشی که ردهد برای تعریف تغییر ساختارها براساس پارامتری پیوسته معرفی کرده است (Redhead 2001: 86) و اصلاحی که وتسیس در آن با اضافه کردن پارمترهای به‌طور جزئی ناپیوسته اعمال کرده است (Votsis 2011: 105-117).
۴. در واقع به‌زبان نظریه گروه‌ها یک نمایش یکانی تابعی است از گروهی چون G به مجموعه عمل‌گرهای یکانی فضای هیلبرتی چون \mathcal{H} که به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} G &\rightarrow \mathcal{U}(\mathcal{H}) \\ g &\mapsto U \\ h(g) &= U_g \\ h(g_1 g_2) &= U_{g_1} U_{g_2} \end{aligned}$$

۵. مرجع مطالب این بخش: Weinberg 1996.
۶. باید توجه داشت که زیرساختار می‌تواند با خود ساختار مساوی نیز باشد.
۷. بنگرید به Hall 2015: 49.
۸. در ادامه از قاعده اینشتاین پیروی می‌کنیم؛ یعنی روی اندیس‌های تکراری جمع‌بندی صورت می‌گیرد.
۹. برای نشان دادن هم‌سانی بودن یک شرط دیگر هم لازم است و آن این‌که نشان دهیم این تابع خطی است که ابتدا این کار را انجام دادیم.
۱۰. \approx به معنی یکسان بودن دو مجموعه است.

کتاب‌نامه

- Chakravartty, A. (2007), *A Metaphysics for Scientific Realism*, Cambridge: Cambridge University Press.
- Chakravartty, A. (2017), "Scientific Realism", <<https://plato.stanford.edu/entries/scientific-realism>>.
- Earman, J. (2006), "The Implications of General Covariance for the Ontology and Ideology of Spacetime", in: Dieks (2006), *The Ontology of Spacetime*, vol. 1, Amsterdam: Elsevier.

- Esfeld, M. (2006), "Scientific Realism and the History of Science", in: *The Controversial Relationships between Science and Philosophy: a Critical Assessment*, Gennaro Auletta (ed.), Libreria Editrice Vaticana.
- French, S. and J. Ladyman (2011), "In Defence of Ontic Structural Realism", in: A. Bokulich and P. Bokulich (eds.), *Scientific Structuralism*, Dordrecht: Springer.
- Friedman, M. (1983), *Foundations of Spacetime Theories: Relativistic Physics and Philosophy of Science*, Princeton: Princeton University Press.
- Hall, B. (2015), *Lie Groups, Lie Algebras, and Representations; an Elementary Introduction*, Dordrecht: Springer.
- Hardin, C. L. and A. Rosenberg (1982), "In Defence of Convergent Realism", *Philosophy of Science*, vol. 49.
- Inonu, E. and E. P. Wigner (1953), "On the Contraction of Groups and Their Representations", *Proc. Natl. Acad. Sci. (U.S.A.)*, vol. 39.
- Kitcher, P. (1993), *Advancement of Science: Science without Legend, Objectivity without Illusions*, Oxford: Oxford University Press.
- Ladyman, J. et al. (2007), *Every Thing Must Go: Metaphysics Naturalized*, Oxford: Oxford University Press.
- Lange, M. (2002), "Baseball, Pessimistic Inductions and the Turnover Tallacy", *Analysis*, vol. 62, no. 4.
- Laudan, L. (1984), "Discussion: Realism without the Real", *Philosophy of Science*, vol. 51.
- Leplin, J. (1997), *A Novel Defense of Scientific Realism*, Oxford: Oxford University Press.
- Leplin, J. (1984), *Scientific Realism*, Berkley, Los Angeles, London: University of California Press.
- Lewis, P. J. (2001), "Why the Pessimistic Induction Is a Fallacy", *Synthese*, vol. 129.
- Mendes. R.Vilela. (1994), "Deformations, Stable Theories and Fundamental Constants", *Phys. A. Math*, Gen. 27.
- Papineau, D. (1996), "Introduction", in: D. Papineau (ed.), *The Philosophy of Science*, Oxford: Oxford University Press.
- Psillos, S. (1996), "On van Fraassen's Critique of Abductive Reasoning", *Philosophical Quarterly*, vol. 46, no. 182.
- Psillos, S. (1999), *Scientific Realism: How Science Tracks Truth*, London and New York: Routledge.
- Putnam, H. (1975), *Mathematics, Matter, and Method*, Cambridge: Cambridge University Press.
- Redhead, Michael L.G. (2001), "The Intelligibility of the Universe", in: A. O'Hear (ed.) *Philosophy at the New Millennium*, Cambridge: Cambridge University Press.
- Saatsi, J.T. (2005), "On the Pessimistic Induction and Two Fallacies", *Philosophy of Science*, vol. 72, no. 5.
- Stanford, P. K. (2006), *Exceeding Our Grasp: Alternatives*, Oxford: Oxford University Press.
- Suarez, M., M. Dorato, and M. Redei (eds.) (2010), *EPSA Philosophical Issues in the Sciences: Launch of the European Philosophy of Science Association*, vol. 2, Dordrecht: Springer.

- Votsis, I. (2011), "Structural Realism: Continuity and Its Limits", in: A. Bokulich and P. Bokulich (eds), *Scientific Structuralism*, Boston Studies in the Philosophy of Science. Dordrecht: Springer.
- Weinberg, S. (1996), *The Quantum Field Theory*, vol. 1, *Foundations*, Cambridge: Cambridge University Press.
- Worrall, J. (1982), "Scientific Realism and Scientific Change", *Philosophical Quarterly*, vol. 32.
- Worrall, J. (1989), "Structural Realism: The Best of Both Worlds", *Dialéctica*, vol. 43, no. 1-2.
- Wray, B. (2013), "Success and Truth in the Realism/ Anti-realism Debate", *Synthese*, vol. 190, issue 9.